

Prüfung Holzbau III vom 11. 7. 2008 (nach DIN EN 1995-1-1 und NA:2013-08)

Name, Vorname: _____ Matr.-Nr.: _____

Aufgabe	1	2	3	4	Summe
Punkte					/100

Aufgabe 1 (25 Punkte)

Für den querzugbelasteten Bereich des nachfolgend dargestellten Satteldachträgers mit gekrümmtem unteren Rand soll die innen liegende Verstärkung bemessen werden.

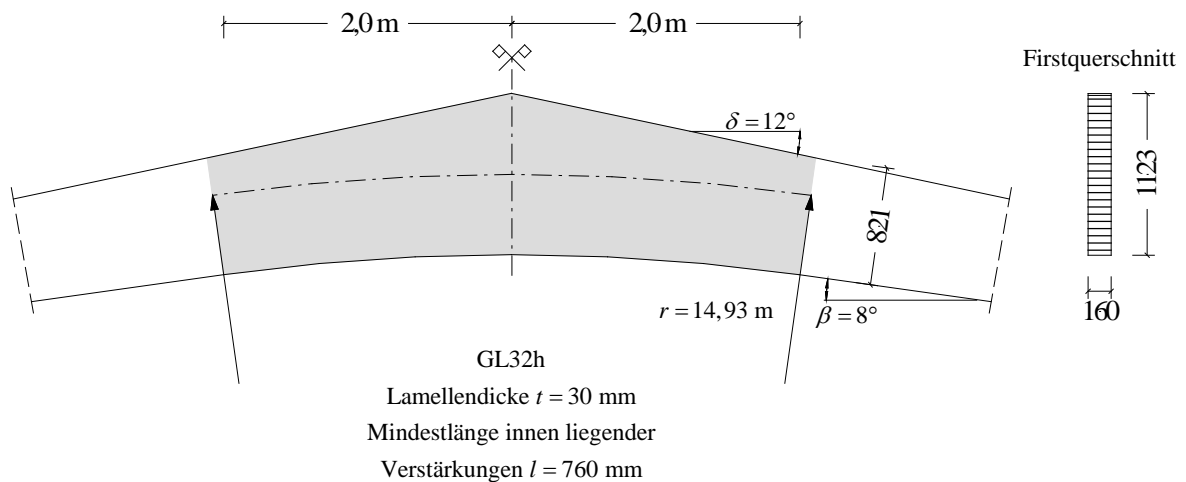
Folgende Werte sind gegeben:

$M_{ap,d} = 326 \text{ kNm}$ Bemessungswert des Momentes im Firstquerschnitt, KLED=kurz, NKL=1

Gewindestangen M16, Festigkeitsklasse 4.8, einreihige Anordnung: $n = 1$

Führen Sie die Bemessung in folgenden Schritten durch

- Ermittlung des Bemessungswertes der Querzugspannung im Firstbereich und Nachweis, welche Verstärkung erforderlich ist (vollständige Aufnahme oder Aufnahme klimabedingter Spannungen)
- Ermittlung des Bemessungswertes der maximalen Tragfähigkeit von Klebfuge und Gewindestange
- Ermittlung und Überprüfung der Zulässigkeit des Maximalabstands der Gewindestangen in den beiden inneren Vierteln des querzugbelasteten Bereiches
- Ermittlung und Überprüfung der Zulässigkeit des Maximalabstands der Gewindestangen in den beiden äußeren Vierteln des querzugbelasteten Bereiches



Aufgabe 2 (35 Punkte)

Der in der nachfolgenden Zeichnung dargestellte Pultdachträger aus GL24h soll bemessen werden. Die Trägerenden sind gabelgelagert. Die Belastung ist wie folgt gegeben:

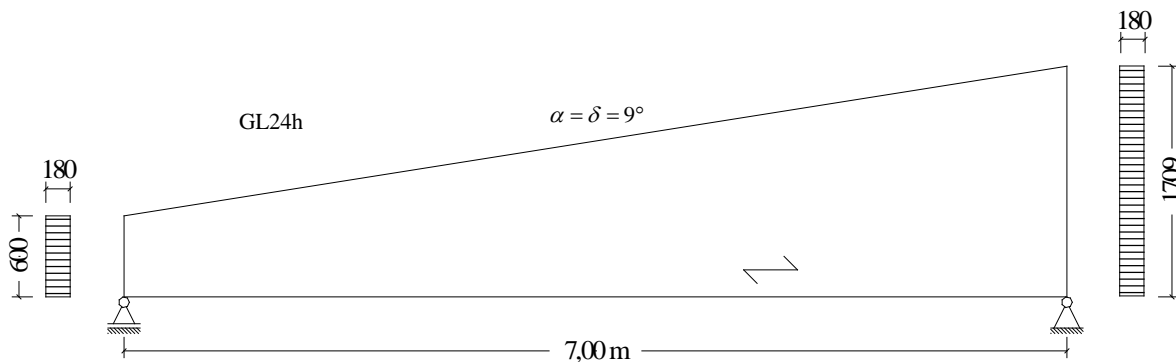
$$q_{g,k} = 5,1 \text{ kN/m} \quad \text{Ständige Last}$$

$$q_{p,k} = 26,1 \text{ kN/m} \quad \text{Veränderliche Last, Kategorie E: Lagerräume, KLED=lang}$$

Dachneigung $\delta = 9^\circ$, Nutzungsklasse NKL 2.

Führen Sie den Standsicherheitsnachweis in folgenden Schritten:

- Berechnen Sie den Bemessungswert der Lastkombination aus ständiger und veränderlicher Last für den Tragfähigkeitsnachweis.
- Ermitteln Sie die Stelle "x", die für den Nachweis der max. Biegespannung maßgeblich ist, sowie die Trägerhöhe und den Bemessungswert des Biegemomentes an dieser Stelle.
- Führen Sie den Nachweis der Biegerandspannungen für den oberen und den unteren Trägerrand an der Stelle "x".
- Ermitteln Sie, ob zusätzliche Kippstabilisierungen erforderlich sind, unter der Bedingung, dass die Lasten am oberen Rand angreifen.



Aufgabe 3 (15 Punkte)

Führen Sie für das System und die Belastung aus Aufgabe 2 den Gebrauchstauglichkeitsnachweis in folgenden Schritten:

- Berechnung der Anteile der Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung. Verformungsanteile aus Schub sollen berücksichtigt werden.
- Durchbiegungsnachweise für die üblichen Grenzwerte der Durchbiegung. Der Träger wird ohne Überhöhung hergestellt.

Nutzungsbedingungen: NKL 2.

Aufgabe 4 (25 Punkte)

Ein gekrümmter Träger aus GL32h mit konstantem Querschnitt soll bemessen werden. Der Träger ist ausreichend gegen seitliches Ausweichen gehalten. Die Trägerenden sind gabelgelagert.

Charakteristische Werte der Belastung (Gleichstreckenlast):

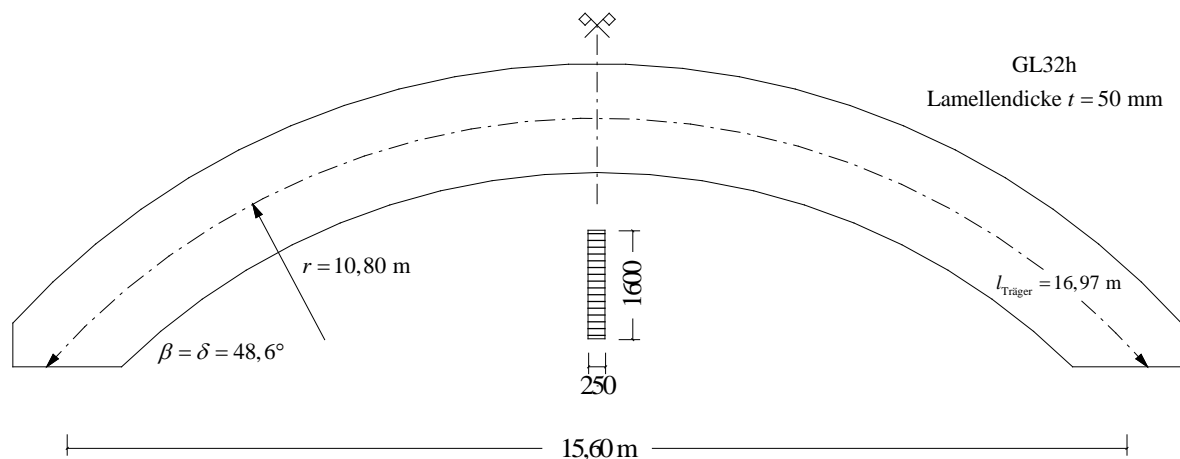
$$G_k = 8,2 \text{ kN/m} \quad \text{Eigengewicht}$$

$$Q_k = 33,1 \text{ kN/m} \quad \text{Schneelast an einem Ort in einer Höhe unter NN +1.000 m (KLED = kurz)}$$

Führen Sie den Nachweis der Standsicherheit in folgenden Schritten:

- Berechnung des maximalen Momentes und Nachweis der Biegerandspannungen für den ungeschwächten Firstquerschnitt.
- Berechnung der Querkzugspannungen im Firstquerschnitt und Ermittlung, ob Querkzugverstärkungen erforderlich sind.
- Berechnung der elastischen Anfangsdurchbiegung aus ständiger Last.

Nutzungsbedingungen: KLED kurz und NKL 1.



Aufgabe 1 $\sum 25$

a) Ermittlung des Bemessungswertes der Querzugspannung im Firstbereich

$$1 \quad k_{ap} = h_{ap}/r = 1.123/14.930 = 0,07522 \quad \left| \quad 1 \quad k_5 = 0,2 \cdot \tan \delta = 0,2 \cdot \tan 12^\circ = 0,04251 \right.$$

$$1 \quad k_6 = 0,25 - 1,5 \cdot \tan \delta + 2,6 \cdot \tan^2 \delta = 0,25 - 1,5 \cdot \tan 12^\circ + 2,6 \cdot \tan^2 12^\circ = 0,04863$$

$$1 \quad k_7 = 2,1 \cdot \tan \delta - 4 \cdot \tan^2 \delta = 2,1 \cdot \tan 12^\circ - 4 \cdot \tan^2 12^\circ = 0,26565$$

$$1 \quad k_p = k_5 + k_6 \cdot k_{ap} + k_7 \cdot k_{ap}^2 = 0,0477$$

$$1 \quad \sigma_{t,90,d} = k_p \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = 0,0477 \cdot \frac{6 \cdot 326 \cdot 10^6}{160 \cdot 1.123^2} = 0,462 \text{ N/mm}^2 \quad \left| \quad 1 \quad f_{t,90,d} = 0,9 \cdot \frac{0,5}{1,3} = 0,346 \text{ N/mm}^2 \right.$$

$$r_{in} = 14,93 + \frac{1,123}{2} = 14,37$$

$$1 \quad V = 2 \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot (r_{in} + h_{ap})^2 \cdot \frac{\sin \beta}{\sin(90^\circ + \alpha)} \cdot \sin(90^\circ - \delta) - \frac{\beta}{360^\circ} \cdot \pi \cdot r_{in}^2 \right] \cdot b$$

$$V = 2 \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot (14,37 + 1,123)^2 \cdot \frac{\sin 8^\circ}{\sin(90^\circ + 4^\circ)} \cdot \sin(90^\circ - 12^\circ) - \frac{8^\circ}{360^\circ} \cdot \pi \cdot 14,37^2 \right] \cdot 0,160 = 0,628 \text{ m}^3$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,7 \cdot (0,01/V)^{0,2} \cdot f_{t,90,d}} + \frac{\tau_d}{f_{v,d}} = \frac{0,462}{1,7 \cdot (0,01/0,628)^{0,2} \cdot 0,346} = \frac{0,462}{0,257} = 1,80 > 1 \quad \text{Verstärkung erforderlich}$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,3 \cdot (h_0/h_{ap})^{0,3} \cdot f_{t,90,d}} + \left(\frac{\tau_d}{f_{v,d}} \right)^2 = \frac{0,462}{1,3 \cdot (600/1.123)^{0,3} \cdot 0,346} = \frac{0,462}{0,373} = 1,24 > 1 \quad \text{Verstärkung zur vollständigen Aufnahme der Querzugspannungen erforderlich}$$

b) Ermittlung des Bemessungswertes der max. Tragfähigkeit von Klebfuge und Gewindestange

$$1 \quad \text{Tragfähigkeit einer Gewindestange M16: } N_{R,d} = 40,2 \text{ kN}$$

Tragfähigkeit der Klebfuge

$$1 \quad l_{ad} = 380 \text{ mm}$$

$$2 \quad \max F_{t,90,d} = 1,125 \cdot (380/400) \cdot 24,7 = 26,4 \text{ kN} \rightarrow \text{maßgeblich}$$

c) Ermittlung und Überprüfung der Zulässigkeit des Mindestabstands der Gewindestangen in den beiden inneren Vierteln des querzugbelasteten Bereiches

$$2 \quad F_{t,90,d} = \frac{\sigma_{t,90,d} \cdot b \cdot a_1}{n} \leq 26.400 \text{ N} \quad \left| \quad 2 \quad a_1 \leq \frac{26.400 \cdot n}{\sigma_{t,90,d} \cdot b} = \frac{26.400 \cdot 1}{0,462 \cdot 160} = 357 \text{ mm} \approx 350 \text{ mm} \right.$$

$$2 \quad 250 \leq a_1 \leq 0,75 \cdot h_{ap} \rightarrow 250 \leq 350 \leq 842 (= 0,75 \cdot 1.123) \rightarrow \text{ist erfüllt}$$

d) Ermittlung und Überprüfung der Zulässigkeit des Mindestabstands der Gewindestangen in den beiden äußeren Vierteln des querzugbelasteten Bereiches

$$2 \quad F_{t,90,d} = \frac{2}{3} \cdot \frac{\sigma_{t,90,d} \cdot b \cdot a_1}{n} \rightarrow a_1 \leq \frac{3}{2} \cdot 358 \text{ mm} \approx 530 \text{ mm}$$

$$2 \quad 250 \leq a_1 \leq 0,75 \cdot h_{ap} \rightarrow 250 \leq 530 \leq 842 (= 0,75 \cdot 1.123) \rightarrow \text{ist erfüllt}$$

Aufgabe 2 $\sum 35$

a) Bemessungswert Last für den Tragfähigkeitsnachweis

$$2 \quad q_d = 1,35 \cdot q_{g,k} + 1,5 \cdot q_{p,k} = 1,35 \cdot 5,1 + 1,5 \cdot 26,1 = 46,035 \approx 46,0 \text{ kN/m}$$

b) Stelle "x"

$$2 \quad x = \frac{l}{1 + h_{ap}/h_s} = \frac{7.000}{1 + 1709/600} = 1.819 \text{ mm}$$

$$2 \quad h_x = 600 + 1.819 \cdot \tan 9^\circ = 888 \text{ mm}$$

$$2 \quad A = q_d \cdot \frac{l}{2} = 46,0 \cdot \frac{7,0}{2} = 161 \text{ kN}$$

$$2 \quad M_d = A \cdot x - \frac{q_d \cdot x^2}{2} = 161 \cdot 1,819 - \frac{46,0 \cdot 1,819^2}{2} = 216,8 \text{ kNm}$$

c) Nachweis der Biegerandspannungen

$$2 \quad f_{m,d} = 0,70 \cdot \frac{24}{1,3} = 12,9 \text{ N/mm}^2$$

Biegerandspannungen faserparalleler Rand unten

$$3 \quad \sigma_{m,0,d} = \frac{6 \cdot M_d}{b \cdot h^2} = \frac{6 \cdot 216,8 \cdot 10^6}{180 \cdot 888^2} = 9,16 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,0,d}}{f_{m,d}} = \frac{9,16}{12,9} = 0,71 < 1$$

Biegerandspannungen angeschnittener Rand oben (Druckbereich)

$$2 \quad \sigma_{m,\alpha,d} = \sigma_{m,0,d} = 9,16 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,\alpha,d}}{k_{m,\alpha,c} \cdot f_{m,d}} = \frac{9,16}{0,720 \cdot 12,9} = 0,99 < 1$$

d) Kippstabilisierungen

$$2 \quad M = q_d \cdot l^2 / 8 = 46,0 \cdot 7^2 / 8 = 281,75 \text{ kNm}$$

Querschnittshöhe im Abstand der 0,65-fachen Länge vom "kleineren" Stabende

$$2 \quad h = 600 + 0,65 \cdot (1.709 - 600) = 1.321 \text{ mm}$$

$$2 \quad l_{ef} = \frac{l}{a_1 \cdot \left[1 - a_2 \cdot \frac{a_z}{l} \cdot 2,0 \right]} = \frac{7.000}{1,13 \cdot \left[1 - 1,44 \cdot \frac{1.321/2}{7.000} \cdot 2,0 \right]} = 8.506 \text{ mm}$$

$$2 \quad \frac{l_{ef} \cdot h}{b^2} = \frac{8.506 \cdot 1.321}{180^2} = 346,8 > 207 \rightarrow \text{Nachweis der Kippstabilität erforderlich}$$

$$2 \quad \lambda_{rel,m} = \kappa_m \cdot \sqrt{\frac{l_{ef} \cdot h}{b^2}} = 0,0521 \cdot \sqrt{346,8} = 0,970 \rightarrow k_{crit} = 0,833$$

Kippnachweis mit Biegerandspannungen angeschnittener Rand oben (Druckbereich)

$$2 \quad \sigma_{m,\alpha,d} = \frac{6 \cdot M_d}{b \cdot h^2} = \frac{6 \cdot 281,75 \cdot 10^6}{180 \cdot 1.321^2} = 5,38 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,\alpha,d}}{k_{crit} \cdot k_{m,\alpha,c} \cdot f_{m,d}} = \frac{5,38}{0,833 \cdot 0,720 \cdot 12,9} = 0,70 < 1 \rightarrow \text{keine Kippstabilisierungen erforderlich}$$

Aufgabe 3 $\Sigma 15$

a) Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung

$$1 \quad I_s = \frac{180 \cdot 600^3}{12} = 3,24 \cdot 10^9 \text{ mm}^4$$

$$1 \quad A_s = 180 \cdot 600 = 108 \cdot 10^3 \text{ mm}^2$$

$$1 \quad M_{\max} = q_d \cdot l^2 / 8 = 5,1 \cdot 7^2 / 8 = 31,238 \text{ kNm}$$

$$2 \quad \frac{h_{\text{ap}}}{h_s} = \frac{1.709}{600} = 2,85 \rightarrow \begin{cases} k_m \approx 0,175 \\ k_v \approx 0,60 \end{cases}$$

$$2 \quad w_{\text{inst,G}} = \frac{M_{\max} \cdot l^2}{9,6 \cdot E_{0,\text{mean}} \cdot I_s} \cdot k_m + \frac{1,2 \cdot M_{\max}}{G_{\text{mean}} \cdot A_s} \cdot k_v$$
$$w_{\text{inst,G}} = \frac{31,238 \cdot 10^6 \cdot 7.000^2}{9,6 \cdot 11.500 \cdot 3,24 \cdot 10^9} \cdot 0,175 + \frac{1,2 \cdot 31,238 \cdot 10^6}{720 \cdot 108 \cdot 10^3} \cdot 0,60 = 0,749 + 0,290 = 1,038 \approx 1,0 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst,Q,1}} = \frac{q_{p,k}}{q_{g,k}} \cdot w_{\text{G,inst}} = \frac{26,1}{5,1} \cdot 1,038 = 5,31 \approx 5,3 \text{ mm}$$

b) Durchbiegungsnachweise

$$1 \quad k_{\text{def}} = 0,8 \quad \psi_{2,1} = 0,8$$

$$2 \quad w_{\text{inst}} = w_{\text{inst,G}} + w_{\text{inst,Q,1}} = 1,0 + 5,3 = 6,3 < \frac{7.000}{300} = 23,3 \text{ mm}$$

$$2 \quad w_{\text{fin}} = w_{\text{inst}} + \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot k_{\text{def}} = 6,3 + (1,0 + 0,8 \cdot 5,3) \cdot 0,8 = 10,5 \text{ mm} < \frac{7.000}{200} = 35 \text{ mm}$$

$$2 \quad w_{\text{net,fin}} = \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot (1 + k_{\text{def}}) - w_c = (1,0 + 0,8 \cdot 5,3) \cdot (1 + 0,8) = 9 \text{ mm} < \frac{7.000}{300} = 35 \text{ mm}$$

Aufgabe 4 $\sum 25$

$$2 \quad f_{m,d} = 0,90 \cdot \frac{32}{1,3} = 22,2 \text{ N/mm}^2 \quad f_{t,90,d} = 0,90 \cdot \frac{0,5}{1,3} = 0,346 \text{ N/mm}^2$$

Bemessungswert der Belastung und des maximalen Momentes

$$2 \quad q_d = 1,35 \cdot q_{g,k} + 1,5 \cdot q_{p,k} = 1,35 \cdot 8,2 + 1,5 \cdot 33,1 = 60,72 \text{ kN/m}$$

$$2 \quad M = \frac{60,72 \cdot 15,6^2}{8} = 1.847 \text{ kNm}$$

Biegerandspannungen im Firstquerschnitt

$$2 \quad k_{ap} = \frac{h_{ap}}{r} = \frac{1.600}{10.800} = 0,148$$

$$3 \quad \sigma_{m,d} = \left(1 + 0,35 \cdot k_{ap} + 0,6 \cdot k_{ap}^2\right) \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = \underbrace{\left(1 + 0,35 \cdot 0,148 + 0,6 \cdot 0,148^2\right)}_{1,065} \cdot \frac{6 \cdot 1.847 \cdot 10^6}{\underbrace{250 \cdot 1.600^2}_{17,32}}$$

$$\sigma_{m,d} = 1,065 \cdot 17,32 = 18,44 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad r_{in} = r - \frac{h}{2} = 10.800 - 800 = 10.000 \text{ mm}$$

$$2 \quad \frac{r_{in}}{t} = \frac{10.000}{50} = 200 < 240 \rightarrow k_r = 0,76 + 0,001 \cdot r_{in}/t = 0,76 + 0,001 \cdot 200 = 0,96$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{k_r \cdot f_{m,d}} = \frac{18,44}{0,96 \cdot 22,2} = 0,87 < 1$$

Querzugspannungen im Firstquerschnitt

$$1 \quad \sigma_{t,90,d} = 0,25 \cdot k_{ap} \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = 0,25 \cdot 0,148 \cdot 17,32 = 0,641$$

$$1 \quad V = \underbrace{\frac{2}{3}}_{\frac{2}{3} \text{ Gesamtvolumen}} \cdot \frac{2 \cdot \delta}{360^\circ} \cdot \pi \cdot \left[\left(r + \frac{h_{ap}}{2} \right)^2 - \left(r - \frac{h_{ap}}{2} \right)^2 \right] \cdot b = \frac{2}{3} \cdot \frac{2 \cdot 48,6^\circ}{360^\circ} \cdot \pi \cdot [11,60^2 - 10,00^2] \cdot 0,250 = 4,89 \text{ m}^3$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,4 \cdot (0,01/V)^{0,2} \cdot f_{t,90,d}} + \frac{\tau_d}{f_{v,d}} \leq 1 = \frac{0,641}{1,4 \cdot (0,01/4,89)^{0,2} \cdot 0,346} = 4,57 > 1 \quad \text{Verstärkung erforderlich}$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,15 \cdot (h_0/h_{ap})^{0,3} \cdot f_{t,90,d}} + \underbrace{\left(\frac{\tau_d}{f_{v,d}} \right)^2}_0 = \frac{0,641}{1,15 \cdot (600/1.600)^{0,3} \cdot 0,346} = 2,16 > 1 \quad \text{Verstärkung zur vollständigen Aufnahme der Querzugspannungen erforderlich}$$

c) elastische Anfangsdurchbiegung aus ständiger Last

$$2 \quad I = b \cdot h^3 / 12 = 250 \cdot 1.600^3 / 12 = 8,533 \cdot 10^{10} \text{ mm}^4$$

$$2 \quad w_{inst,G} = \frac{5}{384} \cdot \frac{q \cdot l^4}{E \cdot I} \cdot \frac{l_{Träger}}{l} = \frac{5}{384} \cdot \frac{8,2 \cdot 15.600^4}{13.700 \cdot 8,533 \cdot 10^{10}} \cdot \frac{16,97}{15,60} = \frac{16,97}{1,088}$$

$$w_{inst,G} = 5,41 \cdot 1,088 = 5,9 \text{ mm}$$

Prüfung Holzbau III vom 16. 7. 2009 (nach DIN EN 1995-1-1 und NA:2013-08)

Name, Vorname: _____ Matr.-Nr.: _____

Aufgabe	1	2	3	4	Summe
Punkte					/100

Aufgabe 1 (35 Punkte)

Die nachfolgende Zeichnung stellt die linke Hälfte eines Gelenkträgers mit 9 Feldern bis zur Symmetrieachse dar. Die charakteristischen Werte der Belastung sind gegeben:

$q_{g,k} = 8,5 \text{ kN/m}$ ständige Last

$q_{p,k} = 36,5 \text{ kN/m}$ veränderliche Last, KLED=kurz

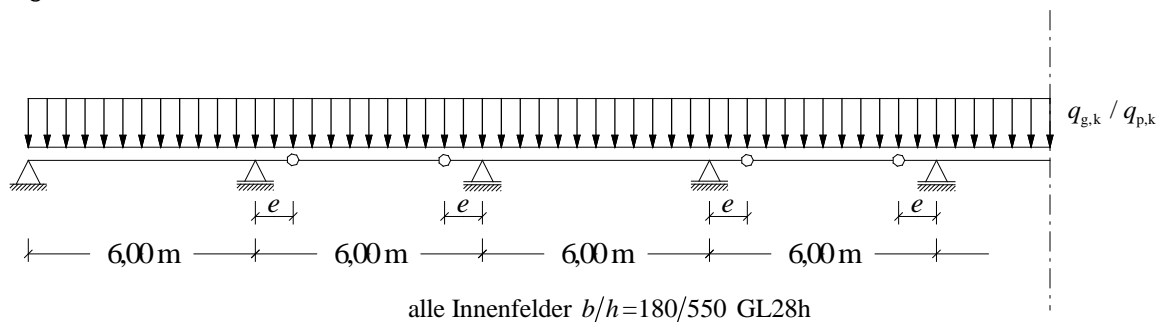
Führen Sie den Nachweis der Tragfähigkeit in folgenden Schritten unter der Voraussetzung, dass der Träger kipps stabil ist:

- a) Ermittlung des Bemessungswertes der Belastung.
- b) Legen Sie den Gelenkabstand e so fest, dass die Stütz- und Feldmomente aller Innenfelder den gleichen Wert haben.
- c) Führen Sie den Nachweis der Tragfähigkeit (Biegung) nur für die Innenfelder für den unter b) ermittelten Gelenkabstand e .
- d) Ermittlung des Bemessungswertes der Gelenkkraft für den unter b) ermittelten Gelenkabstand e .

Optimieren Sie den Träger im Hinblick auf eine möglichst kleine Durchbiegung der Innenfelder in folgenden Schritten:

- e) Ermittlung des Bemessungswertes des maximal aufnehmbaren Momentes des gegebenen Querschnitts.
- f) Festlegung des Gelenkabstandes e mit einer Genauigkeit von $0,01 \cdot l$ (gegebene Tabellenwerte) und Berechnung der Anfangsdurchbiegung aus der veränderlichen Last $q_{p,k}$.

Nutzungsklasse: NKL 1



Aufgabe 2 (35 Punkte)

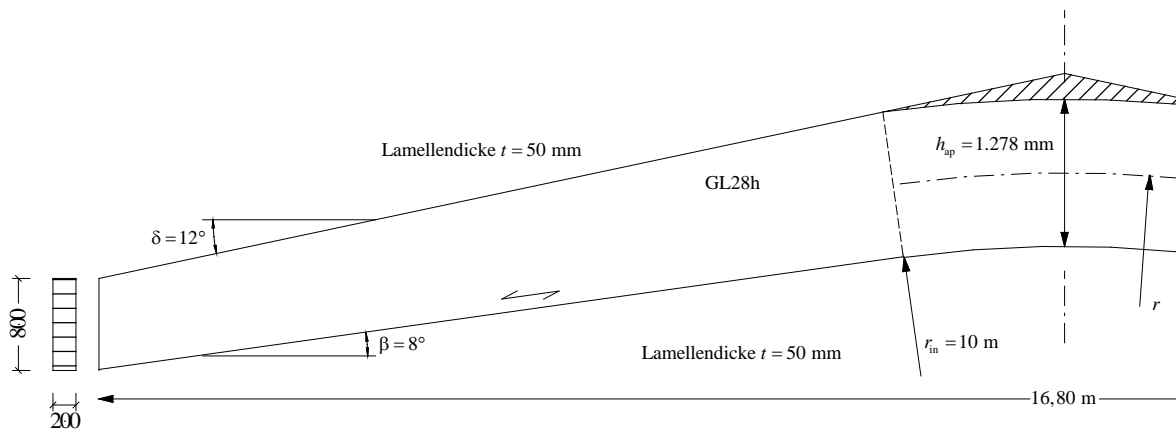
Der in der nachfolgenden Zeichnung dargestellte Satteldachträger aus GL28h mit lose aufgelegtem Firstkeil soll bemessen werden. Die Belastung ist wie folgt gegeben:

$$q_d = 25,0 \text{ kN/m} \quad \text{KLED=kurz}$$

Führen Sie den Standsicherheitsnachweis in folgenden Schritten:

- Ermitteln Sie die Stelle "x", die für den Nachweis der max. Biegespannung maßgeblich ist, sowie die Trägerhöhe und den Bemessungswert des Biegemomentes an dieser Stelle.
- Führen Sie den Nachweis der Biege- und Normspannungen für den oberen und den unteren Trägerrand an der Stelle "x".
- Führen Sie den Nachweis der Biege- und Normspannungen für den Firstquerschnitt.
- Ermitteln Sie die Querspannungen im Firstquerschnitt und stellen Sie fest, ob Verstärkungen zur Aufnahme von Querspannungen notwendig sind.

Nutzungsbedingungen: NKL 1



Aufgabe 3 (15 Punkte)

Das nachfolgend dargestellte System ist durch Gleichstreckenlasten wie folgt belastet (charakteristische Werte):

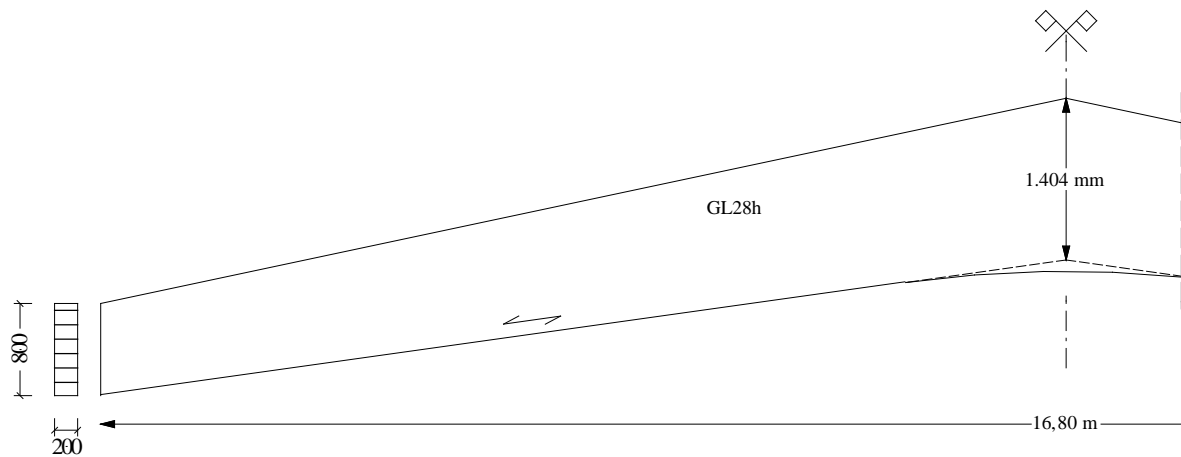
$G_k = 4,2 \text{ kN/m}$ ständige Last

$Q_k = 12,9 \text{ kN/m}$ veränderliche Last, KLED=kurz (aus Schneelasten unterhalb NN+1.000 m) $\psi_2 = 0,0$

Führen Sie den Gebrauchstauglichkeitsnachweis in folgenden Schritten:

- Berechnung der Anteile der Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung. Verformungsanteile aus Schub sollen berücksichtigt werden.
- Durchbiegungsnachweise für die üblichen Grenzwerte der Durchbiegung. Der Träger wird ohne Überhöhung hergestellt.

Nutzungsbedingungen: NKL 1, KLED=kurz.



Aufgabe 4 (15 Punkte)

Für den querzugbelasteten Bereich des nachfolgend dargestellten Satteldachträgers mit gekrümmtem unteren Rand und lose aufgelegtem Firstkeil soll die innen liegende Verstärkung bemessen werden.

Folgende Werte sind gegeben:

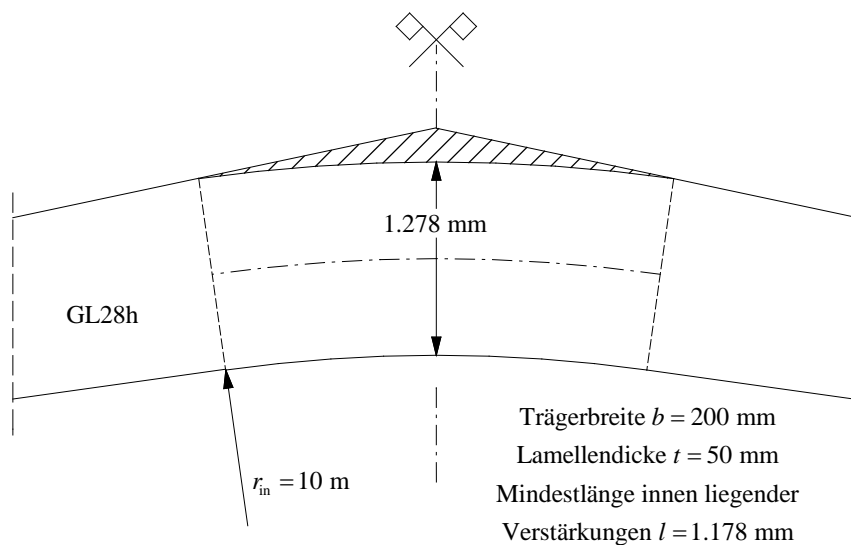
$$\sigma_{t,90,d} = 0,50 \text{ N/mm}^2 \quad \text{Bemessungswert der Querzugspannung im Firstquerschnitt, KLED=kurz, NKL=1}$$

Betonrippenstahl nach DIN 488-1, Durchmesser $d_r = 12 \text{ mm}$, zweireihige Anordnung: $n = 2$

Führen Sie die Bemessung in folgenden Schritten durch

- Ermittlung des Bemessungswertes der maximalen Tragfähigkeit von Klebefuge und Gewindestange
- Ermittlung und Überprüfung der Zulässigkeit des Maximalabstands der Stahlstäbe in den beiden inneren Vierteln des querzugbelasteten Bereiches
- Ermittlung und Überprüfung der Zulässigkeit des Maximalabstands der Stahlstäbe in den beiden äußeren Vierteln des querzugbelasteten Bereiches

Nutzungsbedingungen: KLED kurz und NKL 1.



Aufgabe 1 $\sum 35$

a) Ermittlung des Bemessungswertes der Belastung

$$2 \quad q_d = 1,35 \cdot g + 1,5 \cdot p = 1,35 \cdot 8,5 + 1,5 \cdot 36,5 = 66,225 \text{ kN/m}$$

b) Gelenkabstand e , Stütz- und Feldmomente aller Innenfelder gleicher Wert

$$2 \quad e = 0,1465 \cdot 6.000 = 879,0 \text{ mm}$$

c) Nachweis der Tragfähigkeit nur für die Innenfelder für den unter b) ermittelten Gelenkabstand e

$$2 \quad f_{m,d} = \underbrace{1,009}_{k_h} \cdot 1,125 \cdot 17,2 = 19,5 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad M_2 = 0,0625 \cdot q_d \cdot l^2 = 0,0625 \cdot 66,225 \cdot 6,00^2 = 149,0 \text{ kNm} = 149 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$$

$$2 \quad W = \frac{b \cdot h^2}{6} = \frac{180 \cdot 550^2}{6} = 9,075 \cdot 10^6 \text{ mm}^3$$

$$2 \quad \sigma_{m,d} = \frac{149 \cdot 10^6}{9,075 \cdot 10^6} = 16,42 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{f_{m,d}} = \frac{16,42}{19,5} = 0,84 \leq 1$$

d) Gelenkkraft für den unter b) ermittelten Gelenkabstand

$$3 \quad l = 6.000 - 2 \cdot 879 = 4.242 \text{ mm}$$

$$3 \quad G_d = 66,225 \cdot \frac{4.242}{2} = 140.460 \text{ N} = 140,5 \text{ kN}$$

e) Bemessungswertes des maximal aufnehmbaren Momentes des gegebenen Querschnitts

$$3 \quad \frac{M_{\max,d}}{W} \leq f_{m,d} \rightarrow M_{\max,d} \leq f_{m,d} \cdot W = 19,5 \cdot 9,075 \cdot 10^6 = 177.870.000 \text{ Nmm} = 177,9 \text{ kNm}$$

f) Gelenkabstand und Anfangsdurchbiegung aus der veränderlichen Last

wenn e vergrößert wird, werden die Durchbiegungen der Innenfelder geringer, jedoch die Stütz-
momente größer. Da die Stütz-
momente nicht größer werden dürfen als das maximal vom Quer-
schnitt aufnehmbare, gilt $M_c \leq M_{\max,d}$. Daraus lässt sich der maximale Faktor x zur Ermittlung von

3 M_c berechnen:

$$x \cdot q_d \cdot l^2 \leq 177,9 \text{ kNm} \rightarrow x \leq \frac{177,9}{66,225 \cdot 6,00^2} = 0,0746$$

$$2 \quad \rightarrow e = 0,180 \cdot l = 0,180 \cdot 6.000 = 1.080 \text{ mm}$$

$$3 \quad f = 0,0038 \cdot \frac{q_{q,k} \cdot l^4}{E \cdot I}$$

$$2 \quad I = \frac{b \cdot h^3}{12} = \frac{180 \cdot 550^3}{12} = 2,496 \cdot 10^9 \text{ mm}^4$$

$$2 \quad w_{\text{instQ}} = 0,0038 \cdot \frac{36,5 \cdot 6.000^4}{12.600 \cdot 2,496 \cdot 10^9} = 5,7 \text{ mm}$$

Aufgabe 2 $\sum 35$

a) Stelle "x", Trägerhöhe und Bemessungswert des Biegemomentes

$$2 \quad h_1 = h_s + \frac{l}{2} \cdot (\tan \delta - \tan \beta) = 800 + \frac{16.800}{2} \cdot (\tan 12^\circ - \tan 8^\circ) = 1.405 \text{ mm}$$

$$2 \quad x = \frac{l \cdot h_s}{2 \cdot h_1} = \frac{16.800 \cdot 800}{2 \cdot 1.405} = 4.783 \text{ mm}$$

$$2 \quad h'_x = h_s + x \cdot (\tan \delta - \tan \beta) = 800 + 4.783 \cdot (\tan 12^\circ - \tan 8^\circ) = 1.144 \text{ mm}$$

$$2 \quad h_x = \frac{h'_x}{2} \cdot \left(\frac{\cos \delta}{\cos \alpha} + \cos \beta \right) = \frac{1.144}{2} \cdot \left(\frac{\cos 12^\circ}{\cos 4^\circ} + \cos 8^\circ \right) = 1.128 \text{ mm}$$

$$2 \quad A = q_d \cdot \frac{l}{2} = 25,0 \cdot \frac{16,8}{2} = 210 \text{ kN} \rightarrow M_{x,d} = A \cdot x - \frac{q_d \cdot x^2}{2} = 210 \cdot 4,783 - \frac{25 \cdot 4,783^2}{2} = 718,5 \text{ kNm}$$

b) Nachweis der Biegerandspannungen für den oberen und den unteren Trägerrand an der Stelle "x"

$$2 \quad f_{m,d} = 0,90 \cdot \frac{28}{1,3} = 19,38 \text{ N/mm}^2$$

$$1 \quad \sigma_{m,0,d} = \sigma_{m,\alpha,d} = \frac{6 \cdot M_d}{b \cdot h_x^2} = 16,94 \text{ N/mm}^2$$

- unten (Zugbereich)

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,0,d}}{f_{m,d}} = \frac{16,94}{19,38} = 0,87 < 1$$

- oben (Druckbereich)

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,\alpha,d}}{k_{m,\alpha,c} \cdot f_{m,d}} = \frac{16,94}{0,925 \cdot 19,38} = 0,94 < 1$$

c) Biegerandspannungen im Firstquerschnitt

$$2 \quad M_{ap,d} = \frac{q_d \cdot l^2}{8} = \frac{25 \cdot 16,8^2}{8} = 882 \text{ kNm}$$

$$2 \quad k_{ap} = \frac{h_{ap}}{r} = \frac{1.278}{10.000 + 0,5 \cdot 1.278} = \frac{1.278}{10.639} = 0,1201$$

$$3 \quad \sigma_{m,d} = \left(1 + 0,35 \cdot k_{ap} + 0,6 \cdot k_{ap}^2 \right) \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = \underbrace{\left(1 + 0,35 \cdot 0,1201 + 0,6 \cdot 0,1201^2 \right)}_{1,0507} \cdot \frac{6 \cdot 882 \cdot 10^6}{\underbrace{200 \cdot 1.278^2}_{16,20}} = 17,02 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \frac{r_{in}}{t} = \frac{10.000}{50} = 200 < 240 \rightarrow k_r = 0,76 + 0,001 \cdot r_{in}/t = 0,96$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{k_r \cdot f_{m,d}} = \frac{17,02}{0,96 \cdot 19,38} = 0,91 < 1$$

d) Querspannungen im Firstquerschnitt

$$2 \quad f_{t,90,d} = 0,90 \cdot \frac{0,45}{1,3} = 0,312 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \sigma_{t,90,d} = 0,25 \cdot k_{ap} \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = 0,25 \cdot 0,1201 \cdot 16,20 = 0,486 \text{ N/mm}^2$$

$$1 \quad V = \frac{2 \cdot \beta}{360^\circ} \cdot \pi \cdot \left[\left(r + \frac{h_{\text{ap}}}{2} \right)^2 - \left(r - \frac{h_{\text{ap}}}{2} \right)^2 \right] \cdot b = \frac{2 \cdot 8^\circ}{360^\circ} \cdot \pi \cdot [11,278^2 - 10,00^2] \cdot 0,200 = 0,759 \text{ m}^3$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,4 \cdot (0,01/V)^{0,2} \cdot f_{t,90,d}} + \frac{\tau_d}{f_{v,d}} \leq 1 = \frac{0,486}{1,4 \cdot (0,01/0,759)^{0,2} \cdot 0,312} = 2,66 > 1 \quad \text{Verstärkung erforderlich}$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,15 \cdot (h_0/h_{\text{ap}})^{0,3} \cdot f_{t,90,d}} + \underbrace{\left(\frac{\tau_d}{f_{v,d}} \right)^2}_0 = \frac{0,486}{1,15 \cdot (600/1.278)^{0,3} \cdot 0,312} = 1,68 > 1 \quad \text{Verstärkung zur vollständigen Aufnahme der Querspannungen erforderlich}$$

Aufgabe 3 $\sum 15$

a) Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung

$$1 \quad I_s = b \cdot h_s^3 / 12 = 200 \cdot 800^3 / 12 = 8,533 \cdot 10^9 \text{ mm}^4$$

$$1 \quad A_s = b \cdot h_s = 200 \cdot 800 = 0,16 \cdot 10^6 \text{ mm}^2$$

$$2 \quad k_m = \frac{(h_s/h_1)^3}{0,15 + 0,85 \cdot (h_s/h_1)} = \frac{(800/1.404)^3}{0,15 + 0,85 \cdot (800/1.404)} = 0,292$$

$$2 \quad k_v = \frac{2}{1 + (h_1/h_s)^{2/3}} = \frac{2}{1 + (1.404/800)^{2/3}} = 0,815$$

b) Durchbiegungsnachweise

$$1 \quad M_{\text{max}} = G_k^2 \cdot \frac{l^2}{8} = 4,2 \cdot \frac{16,8^2}{8} = 148,2 \text{ kNm}$$

$$2 \quad w_m = \frac{M_{\text{max}} \cdot l^2}{9,6 \cdot E_{0,\text{mean}} \cdot I_s} \cdot k_m = \frac{148,2 \cdot 10^6 \cdot 16.800^2}{9,6 \cdot 12.600 \cdot 8,533 \cdot 10^9} \cdot 0,292 = 11,8 \text{ mm}$$

$$2 \quad w_v = \frac{1,2 \cdot M_{\text{max}}}{G_{\text{mean}} \cdot A_s} \cdot k_v = \frac{1,2 \cdot 148,2 \cdot 10^6}{780 \cdot 0,16 \cdot 10^6} \cdot 0,815 = 1,2 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst,G}} = 11,8 + 1,2 = 13 \text{ mm} \quad w_{\text{inst,Q,1}} = \frac{12,9}{4,2} \cdot 13 = 39,9 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst}} = w_{\text{inst,G}} + w_{\text{inst,Q,1}} = 13 + 39,9 = 52,9 \text{ mm} < \frac{16.800}{300} = 56 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{fin}} = w_{\text{inst}} + \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot k_{\text{def}} = 52,9 + (13 + 0,0 \cdot 39,9) \cdot 0,6 = 60,7 < \frac{16.800}{200} = 84 \text{ mm}$$

$$2 \quad w_{\text{net,fin}} = \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot (1 + k_{\text{def}}) - w_c = (13 + 0,0 \cdot 39,9) \cdot (1 + 0,6) = 21 \text{ mm} < \frac{16.800}{300} = 56 \text{ mm}$$

Aufgabe 4 $\sum 15$

a) Tragfähigkeit von Klebefuge und Betonrippenstahl

1 $N_{R,d} = 45,2 \text{ kN}$

2 $f_{k1,k} = 4,0 \text{ N/mm}^2$

1 $f_{k1,d} = k_{\text{mod}} \cdot \frac{f_{k1,k}}{\gamma_M} = 0,9 \cdot \frac{4,0}{1,3} = 2,77 \text{ N/mm}^2$

2 $\max F_{t,90,d} = 1,125 \cdot (589/550) \cdot 25,5 = 30,7 \rightarrow \text{maßgeblich}$

b) Maximalabstands der Gewindestangen in den beiden inneren Vierteln

2 $F_{t,90,d} = \frac{\sigma_{t,90,d} \cdot b \cdot a_1}{n} \leq 30.700 \text{ N}$

2 $a_1 \leq 30.700 \cdot \frac{n}{\sigma_{t,90,d} \cdot b} = 30.700 \cdot \frac{2}{0,5 \cdot 200} = 614 \text{ mm} \approx 600 \text{ mm}$

2 $250 \leq (a_1 = 600) \leq (0,75 \cdot 1.278 = 959) \rightarrow \text{ist erfüllt}$

c) Maximalabstands der Gewindestangen in den beiden äußeren Vierteln

2 $F_{t,90,d} = \frac{2}{3} \cdot \frac{\sigma_{t,90,d} \cdot b \cdot a_1}{n} \rightarrow a_1 \leq \frac{3}{2} \cdot 614 \text{ mm} = 921 \text{ mm} \rightarrow \text{gewählt } 900 \text{ mm}$

1 $250 \leq (a_1 = 900) \leq (0,75 \cdot 1.278 = 959) \rightarrow \text{ist erfüllt}$

Prüfung Holzbau III vom 13. 7. 2010 (nach DIN EN 1995-1-1 und NA:2013-08)

Name, Vorname: _____ Matr.-Nr.: _____

Aufgabe	1	2	3	4	Summe
Punkte					/100

Aufgabe 1 (25 Punkte)

Der dargestellte Deckenbalken wird als Koppelträger über 7 Felder ausgeführt. Es werden in allen Feldern gleiche Holz-Querschnitte verwendet. In den Endfeldern liegen jeweils zwei Querschnitte. Die charakteristischen Werte der Belastung sind gegeben:

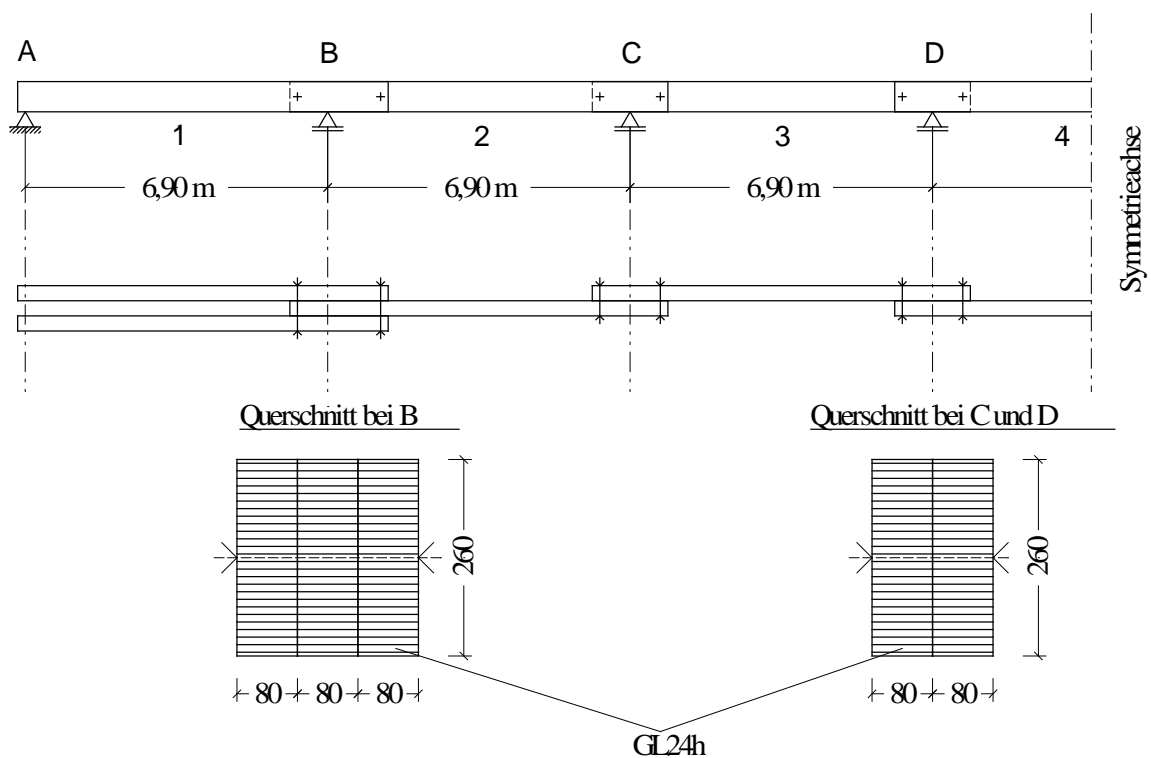
$$q_{g,k} = 2,0 \text{ kN/m} \quad \text{ständige Last}$$

$$q_{p,k} = 2,9 \text{ kN/m} \quad \text{veränderliche Last, KLED=kurz}$$

Führen Sie den Nachweis der Tragsicherheit in folgenden Schritten unter der Voraussetzung, dass der Träger kipfstabil ist:

- Ermittlung des Bemessungswertes der Belastung.
- Führen Sie den Nachweis der Tragsicherheit (Biegung) für die Endfelder.
- Führen Sie den Nachweis der Tragsicherheit (Biegung) für die Innenfelder.
- Führen Sie den Nachweis der Tragsicherheit (Biegung) für das maßgebliche Stützmoment bei den Auflagern C bzw. D
- Ermitteln Sie den Bemessungswert der maximalen Kopplungskraft in diesem System.
- Ermitteln Sie die Anfangsdurchbiegung aus der veränderlichen Last für das maßgebliche Feld.

Nutzungs-kategorie: NKL 1



Aufgabe 2 (35 Punkte)

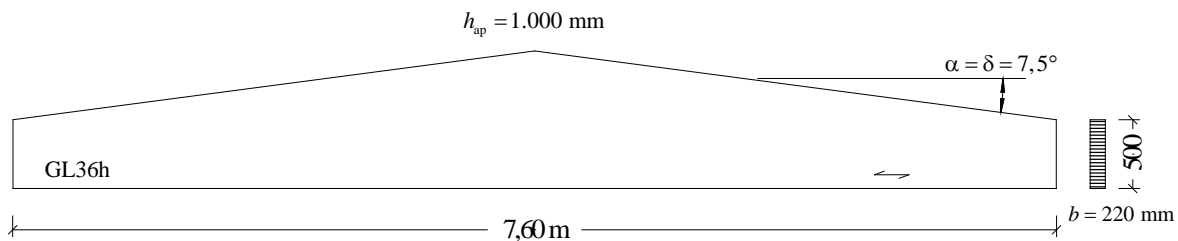
Der in der nachfolgenden Zeichnung dargestellte Satteldachträger aus GL36h soll bemessen werden. Die Belastung ist wie folgt gegeben:

$$q_d = 59,0 \text{ kN/m} \quad \text{KLED=kurz}$$

Führen Sie den Standsicherheitsnachweis in folgenden Schritten:

- Ermitteln Sie die Stelle "x", die für den Nachweis der max. Biegespannung maßgeblich ist, sowie die Trägerhöhe und den Bemessungswert des Biegemomentes an dieser Stelle.
- Führen Sie den Nachweis der Biegerandspannungen für den oberen und den unteren Trägerrand an der Stelle "x".
- Führen Sie den Nachweis der Biegerandspannungen für den Firstquerschnitt.
- Ermitteln Sie die Querkzugspannungen im Firstquerschnitt und stellen Sie fest, ob und welcher Art Verstärkungen zur Aufnahme von Querkzugspannungen notwendig sind.

Nutzungsbedingungen: NKL 1



Aufgabe 3 (15 Punkte)

Das System aus Aufgabe 2 ist durch Gleichstreckenlasten wie folgt belastet (charakteristische Werte):

$$G_k = 10,9 \text{ kN/m} \quad \text{ständige Last}$$

$$Q_k = 29,5 \text{ kN/m} \quad \text{veränderliche Last, KLED=kurz (aus Schneelasten unterhalb NN+1.000 m)}$$

Führen Sie den Gebrauchstauglichkeitsnachweis in folgenden Schritten:

- Berechnung der Anteile der Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung. Verformungsanteile aus Schub sollen berücksichtigt werden.
- Durchbiegungsnachweise für die üblichen Grenzwerte der Durchbiegung. Der Träger wird ohne Überhöhung hergestellt.

Nutzungsbedingungen: NKL 1, KLED=kurz.

Aufgabe 4 (25 Punkte)

Die Verstärkung einer rechtwinkligen Ausklinkung am Ende eines Biegestabes soll für zwei Varianten bemessen werden.

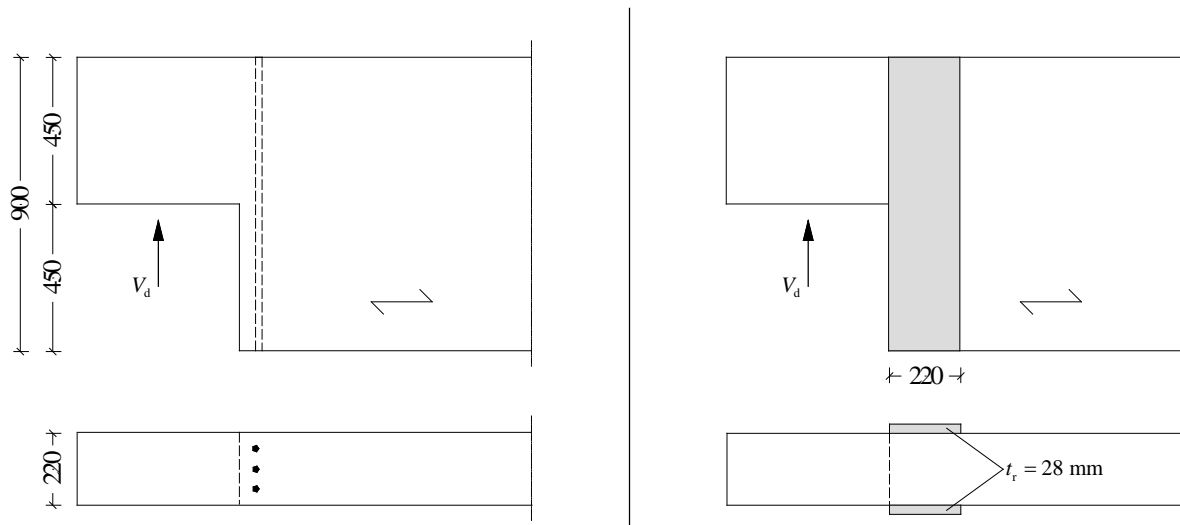
Führen Sie die Bemessung für die linke Variante in folgenden Schritten durch

- Ermittlung des Bemessungswertes der maximalen Tragfähigkeit von Klebefuge und Betonrippenstahl nach DIN 488-1, Durchmesser $d_r = 20$ mm
- Nachweis der Tragsicherheit für $V_d = 270$ kN

Führen Sie die Bemessung für die rechte Variante in folgenden Schritten durch

- Überprüfen Sie die Zulässigkeit der Breite der aufgeklebten Sperrholzplatte
- Ermitteln Sie den Bemessungswert der maximal aufnehmbaren Auflagerkraft V_d für die Verstärkung mit beidseitig aufgeklebten Sperrholzplatten aus der Tragfähigkeit der Klebfuge und der Tragfähigkeit des Sperrholzes. Der Bemessungswert der Zugfestigkeit des Sperrholzes beträgt: $f_{t,d} = 24,9$ N/mm²

Nutzungsbedingungen: KLED kurz und NKL 1.



Aufgabe 1 $\sum 25$

$$2 \quad h = 260 \text{ mm} \rightarrow f_{m,d} = f_{m,yd} = 1,087 \cdot k_{\text{mod}} \cdot \frac{f_{m,k}}{\gamma_M} = 1,087 \cdot 0,9 \cdot \frac{24}{1,3} = 18,1 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \left. \begin{aligned} W &= \frac{80 \cdot 260^2}{6} = 0,901 \cdot 10^6 \text{ mm}^3 \\ I &= \frac{80 \cdot 260^3}{12} = 0,117 \cdot 10^9 \text{ mm}^4 \end{aligned} \right\} \text{ für 1 Querschnitt}$$

a) Ermittlung des Bemessungswertes der Belastung

$$2 \quad q_d = 1,35 \cdot q_{g,k} + 1,5 \cdot q_{p,k} = 1,35 \cdot 2,0 + 1,5 \cdot 2,9 = 7,05 \text{ kN/m}$$

b) Nachweis der Tragsicherheit (Biegung) für die Endfelder

$$2 \quad M_{1,d} = 0,0778 \cdot q_d \cdot l^2 = 0,0778 \cdot 7,05 \cdot 6,9^2 = 26,11 \text{ kNm}$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{f_{m,d}} = \frac{26,11 \cdot 10^6}{2 \cdot 0,901 \cdot 10^6} = \frac{14,5}{18,1} = 0,80 \leq 1$$

c) Nachweis der Tragsicherheit für die Innenfelder

$$2 \quad M_{3,d} = 0,0440 \cdot q_{z,d} \cdot l^2 = 0,0440 \cdot 7,05 \cdot 6,9^2 = 14,77 \text{ kNm}$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{f_{m,d}} = \frac{14,77 \cdot 10^6}{0,901 \cdot 10^6} = \frac{16,4}{18,1} = 0,91 \leq 1$$

d) Nachweis der Tragsicherheit (Biegung) für das maßgebliche Stützmoment

$$3 \quad M_{D,d} = 0,0845 \cdot q_{z,d} \cdot l^2 = 0,0845 \cdot 7,05 \cdot 6,9^2 = 28,36 \text{ kNm}$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} = \frac{28,36 \cdot 10^6}{2 \cdot 0,901 \cdot 10^6} = \frac{15,7}{18,1} = 0,87 \leq 1$$

e) Bemessungswert der maximalen Kopplungskraft

$$3 \quad F_{Cl,d} = 0,430 \cdot q_d \cdot l = 0,430 \cdot 7,05 \cdot 6,900 = 20,917 \text{ N} = 20,9 \text{ kN}$$

f) Anfangsdurchbiegung aus der veränderlichen Last für das maßgebliche Feld

$$3 \quad \text{Endfeld: } f_1 = 0,00642 \cdot \frac{q_{q,k} \cdot l^4}{E \cdot I} = 0,00642 \cdot \frac{2,9 \cdot 6,900^4}{11.600 \cdot 2 \cdot 0,117 \cdot 10^9} = 15,5 \text{ mm}$$

Aufgabe 2 $\sum 35$

a) Stelle "x", Trägerhöhe und Bemessungswert des Biegemomentes

$$2 \quad x = \frac{l \cdot h_s}{2 \cdot h_{ap}} = \frac{7.600 \cdot 500}{2 \cdot 1.000} = 1.900 \text{ mm}$$

$$2 \quad h_x = h_s + x \cdot \tan \alpha = 500 + 1.900 \cdot \tan 7,5^\circ = 750 \text{ mm}$$

$$2 \quad A = q_d \cdot \frac{l}{2} = 59,0 \cdot \frac{7,60}{2} = 224,2 \text{ kN} \rightarrow M_{x,d} = A \cdot x - \frac{q_d \cdot x^2}{2} = 224,2 \cdot 1,90 - \frac{59 \cdot 1,90^2}{2} = 319,5 \text{ kNm}$$

b) Nachweis der Biegerandspannungen für den oberen und den unteren Trägerrand an der Stelle "x"

$$1 \quad f_{m,d} = 0,90 \cdot \frac{36}{1,3} = 24,9 \text{ N/mm}^2$$

Biegerandspannungen bei Position x faserparalleler Rand unten (Zugbereich)

$$2 \quad \sigma_{m,0,d} = \frac{6 \cdot M_d}{b \cdot h_x^2} = \frac{6 \cdot 319,5 \cdot 10^6}{220 \cdot 750^2} = 15,49 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,0,d}}{f_{m,d}} = \frac{15,49}{24,9} = 0,62 < 1$$

Biegerandspannungen bei Position x angeschnittener Rand oben (Druckbereich)

$$2 \quad \sigma_{m,\alpha,d} = \frac{6 \cdot M_d}{b \cdot h_x^2} = \frac{6 \cdot 319,5 \cdot 10^6}{220 \cdot 750^2} = 15,49 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad k_{m,\alpha,c} = \frac{0,819 + 0,777}{2} = 0,798$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,\alpha,d}}{k_{m,\alpha,c} \cdot f_{m,d}} = \frac{15,49}{0,798 \cdot 24,9} = 0,78 < 1$$

c) Biegerandspannungen im Firstquerschnitt

$$2 \quad M_{ap,d} = \frac{q_d \cdot l^2}{8} = \frac{59 \cdot 7,60^2}{8} = 426,0 \text{ kNm}$$

$$\sigma_{m,d} = (1 + 1,4 \cdot \tan \alpha + 5,4 \cdot \tan^2 \alpha) \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2}$$

$$3 \quad \sigma_{m,d} = \underbrace{(1 + 1,4 \cdot \tan 7,5^\circ + 5,4 \cdot \tan^2 7,5^\circ)}_{1,278} \cdot \underbrace{\frac{6 \cdot 426,0 \cdot 10^6}{220 \cdot 1.000^2}}_{11,62} = 14,85 \text{ N/mm}^2$$

$$3 \quad \frac{\sigma_{m,0,d}}{f_{m,d}} = \frac{14,85}{24,9} = 0,60 < 1$$

d) Querspannungen im Firstquerschnitt

$$2 \quad f_{t,90,d} = 0,90 \cdot \frac{0,6}{1,3} = 0,415 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \sigma_{t,90,d} = 0,2 \cdot \tan \alpha \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = 0,2 \cdot \tan 7,5^\circ \cdot 11,62 = 0,3060$$

$$3 \quad V = (1 - 0,25 \cdot \tan \alpha) \cdot h_{ap}^2 \cdot b = (1 - 0,25 \cdot \tan 7,5^\circ) \cdot 1,0^2 \cdot 0,220 = 0,213 \text{ m}^3$$

$$3 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,4 \cdot (0,01/V)^{0,2} \cdot f_{t,90,d}} + \frac{\tau_d}{f_{v,d}} = \frac{0,3060}{1,4 \cdot (0,01/0,213)^{0,2} \cdot 0,415} = 0,97 < 1 \quad \text{keine Verstärkung erforderlich}$$

Aufgabe 3 $\Sigma 15$

a) Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung

$$1 \quad E_{0,\text{mean}} = 14.700 \text{ N/mm}^2$$

$$1 \quad G_{\text{mean}} = 910 \text{ N/mm}^2$$

$$1 \quad I_s = b \cdot h_s^3 / 12 = 220 \cdot 500^3 / 12 = 2,292 \cdot 10^9 \text{ mm}^4$$

$$1 \quad A_s = b \cdot h_s = 220 \cdot 500 = 0,110 \cdot 10^6 \text{ mm}^2$$

$$2 \quad k_m = \frac{(h_s/h_{\text{ap}})^3}{0,15 + 0,85 \cdot (h_s/h_{\text{ap}})} = \frac{(500/1.000)^3}{0,15 + 0,85 \cdot (500/1.000)} = 0,217$$

$$2 \quad k_v = \frac{2}{1 + (h_{\text{ap}}/h_s)^{2/3}} = \frac{2}{1 + (1.000/500)^{2/3}} = 0,773$$

b) Durchbiegungsnachweise

$$1 \quad M_{\text{max}} = G_k^2 \cdot \frac{l^2}{8} = 10,9 \cdot \frac{7,60^2}{8} = 78,70 \text{ kNm}$$

$$1 \quad w_{\text{m}} = \frac{M_{\text{max}} \cdot l^2}{9,6 \cdot E_{0,\text{mean}} \cdot I_s} \cdot k_m = \frac{78,70 \cdot 10^6 \cdot 7.600^2}{9,6 \cdot 14.700 \cdot 2,292 \cdot 10^9} \cdot 0,217 = 3,1 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_v = \frac{1,2 \cdot M_{\text{max}}}{G_{\text{mean}} \cdot A_s} \cdot k_v = \frac{1,2 \cdot 78,70 \cdot 10^6}{910 \cdot 0,110 \cdot 10^6} \cdot 0,773 = 0,7 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst,G}} = 3,1 + 0,7 = 3,8 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst,Q,1}} = \frac{29,5}{10,9} \cdot 14,8 = 10,2 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst}} = w_{\text{inst,G}} + w_{\text{inst,Q,1}} = 3,8 + 10,2 = 14,0 < \frac{7.600}{300} = 25,3 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{fin}} = w_{\text{inst}} + \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot k_{\text{def}} = 14,0 + (3,8 + 0 \cdot 10,2) \cdot 0,6 = 16,3 \text{ mm} < \frac{7.600}{200} = 38 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{net,fin}} = \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot (1 + k_{\text{def}}) - w_c = (3,8 + 0 \cdot 10,2) \cdot (1 + 0,6) = 6 \text{ mm} < \frac{7.600}{300} = 25,3 \text{ mm}$$

Aufgabe 4 $\sum 25$

a) Bemessungswerte der maximalen Tragfähigkeit von Klebefuge und Betonrippenstahl

1 $N_{R,d} = 126 \text{ kN}$

Tragfähigkeit der Klebfuge eines eingeklebten Betonrippenstahls

1 $l_{ad} = 450 \text{ mm} > \max\{0,5 \cdot 20^2; 10 \cdot 20\} = 200 \text{ mm} \rightarrow \text{eingehalten}$

3 $\max F_{t,90,d} = 1,125 \cdot 52,2 = 58,7 \rightarrow \text{maßgeblich}$

b) Nachweis der Tragsicherheit

2 $\alpha = h_c/h = 450/900 = 0,5$

2 $F_{t,90,d} = 1,3 \cdot V_d \cdot \left[3 \cdot (1-\alpha)^2 - 2 \cdot (1-\alpha)^3 \right] = 1,3 \cdot 270 \cdot \left[\underbrace{3 \cdot (1-0,5)^2 - 2 \cdot (1-0,5)^3}_{0,50} \right] = 175,5 \text{ kN}$

2 Benötigte Anzahl von Gewindestangen: $n = \frac{175,5}{58,7} = 2,99 < 3$

c) Zulässigkeit der Breite der aufgeklebten Sperrholzplatte

1 $h_{\min} = \min\{h_c; (h - h_c)\} = \min\{450; (900 - 450)\} = 450 \text{ mm}$

1 $\frac{l_r}{h_{\min}} = \frac{220}{450} = 0,49 \rightarrow 0,25 \leq 0,49 \leq 0,5$

d) Bemessungswert der maximal aufnehmbaren Auflagerkraft V_d für aufgeklebte Sperrholzplatten

Tragfähigkeit der Klebfuge

2 $f_{k2,d} = 0,9 \cdot \frac{0,75}{1,3} = 0,519 \text{ N/mm}^2$

2 $\tau_{ef,d} = \frac{F_{t,90,d}}{2 \cdot h_{\min} \cdot l_r} \leq f_{k2,d} \rightarrow F_{t,90,d} \leq f_{k2,d} \cdot 2 \cdot h_{\min} \cdot l_r = 0,519 \cdot 2 \cdot 450 \cdot 220 = 102.800 \text{ N} = 102,8 \text{ kN}$

Tragfähigkeit der Sperrholzplatten

2 $2,0 \cdot \frac{\sigma_{t,d}}{f_{t,d}} \leq 1 \text{ und } \sigma_{t,d} = \frac{F_{t,90,d}}{2 \cdot t_r \cdot l_r} \rightarrow 2,0 \cdot \frac{F_{t,90,d}}{2 \cdot t_r \cdot l_r} \leq f_{t,d} \rightarrow F_{t,90,d} \leq f_{t,d} \cdot t_r \cdot l_r$

2 $F_{t,90,d} \leq 24,9 \cdot 28 \cdot 220 = 153.380 \text{ N} = 153,8 \text{ kN}$

2 $F_{t,90,d} = 1,3 \cdot V_d \cdot (1 - 3 \cdot \alpha^2 + 2 \cdot \alpha^3) \rightarrow V_d = \frac{F_{t,90,d}}{1,3 \cdot (1 - 3 \cdot \alpha^2 + 2 \cdot \alpha^3)}$

2 $V_d \leq \frac{102,8}{1,3 \cdot \underbrace{(1 - 3 \cdot 0,5^2 + 2 \cdot 0,5^3)}_{0,50}} = \frac{102,8}{0,65} = 158,2 \text{ kN}$

Prüfung Holzbau III vom 5. 7. 2011 (nach DIN EN 1995-1-1 und NA:2013-08)

Name, Vorname: _____ Matr.-Nr.: _____

Aufgabe	1	2	3	4	Summe
Punkte					/100

Aufgabe 1 (35 Punkte)

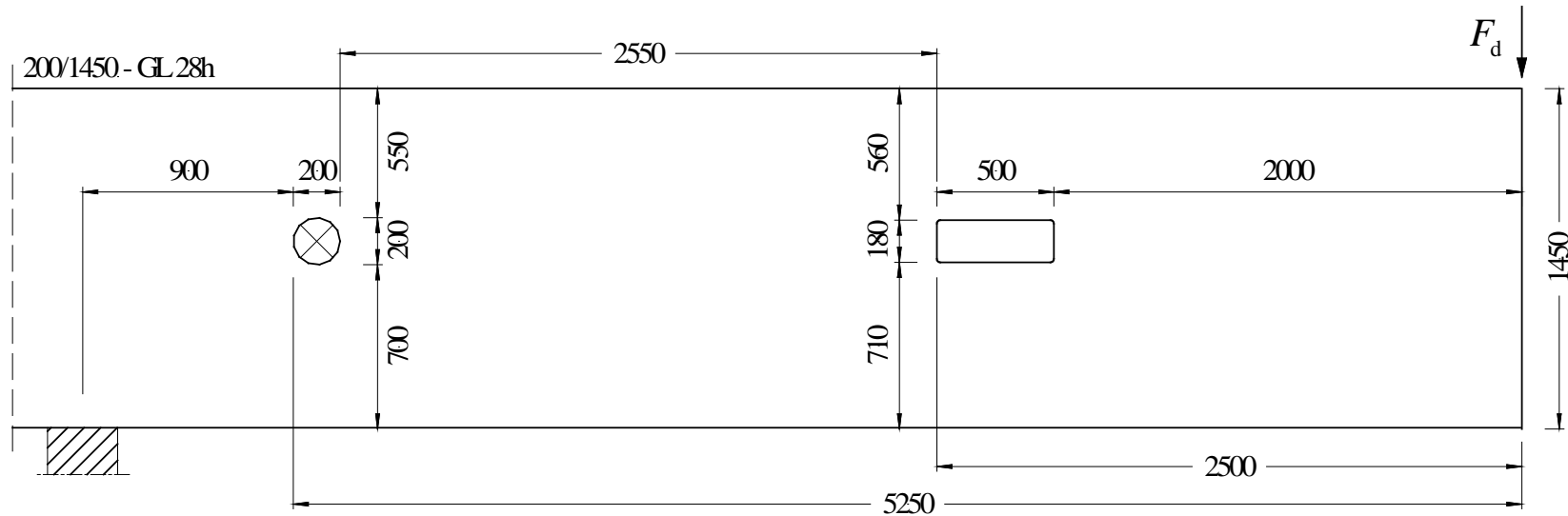
Im Bereich einer Auskrantung eines 200 mm breiten Brett-schichtholzträgers sind ein rechteckiger Durchbruch und ein runder Durchbruch erforderlich. Es muss der Nachweis geführt werden, dass diese Durchbrüche ohne Verstärkung zulässig sind.

$F_d = 100 \text{ kN}$ KLED=kurz, NKL 1

Führen Sie den Nachweis der Tragsicherheit im Bereich der Durchbrüche in folgenden Schritten:

- Überprüfung der geometrischen Bedingungen für beide Durchbrüche.
- Tragfähigkeitsnachweis des Querzugs am linken Rand des rechteckigen Durchbruchs.
- Tragfähigkeitsnachweis der Biegespannungen am rechteckigen Durchbruch mit Biegerandspannungen in der Mitte des Durchbruchs (ohne Erhöhung)
 $\sigma_{m,d,o} = 3,37 \text{ N/mm}^2$ $\sigma_{m,d,u} = 3,15 \text{ N/mm}^2$.
- Tragfähigkeitsnachweis des Querzugs am linken Rand des kreisförmigen Durchbruchs.

Maße in mm



Aufgabe 2 (25 Punkte)

Im Bereich einer Auskragung eines 200 mm breiten Brett-schichtholzträgers sind ein rechteckiger Durchbruch und ein runder Durchbruch erforderlich. Es muss der Nachweis geführt werden, dass diese Durchbrüche mit Verstärkung zulässig sind.

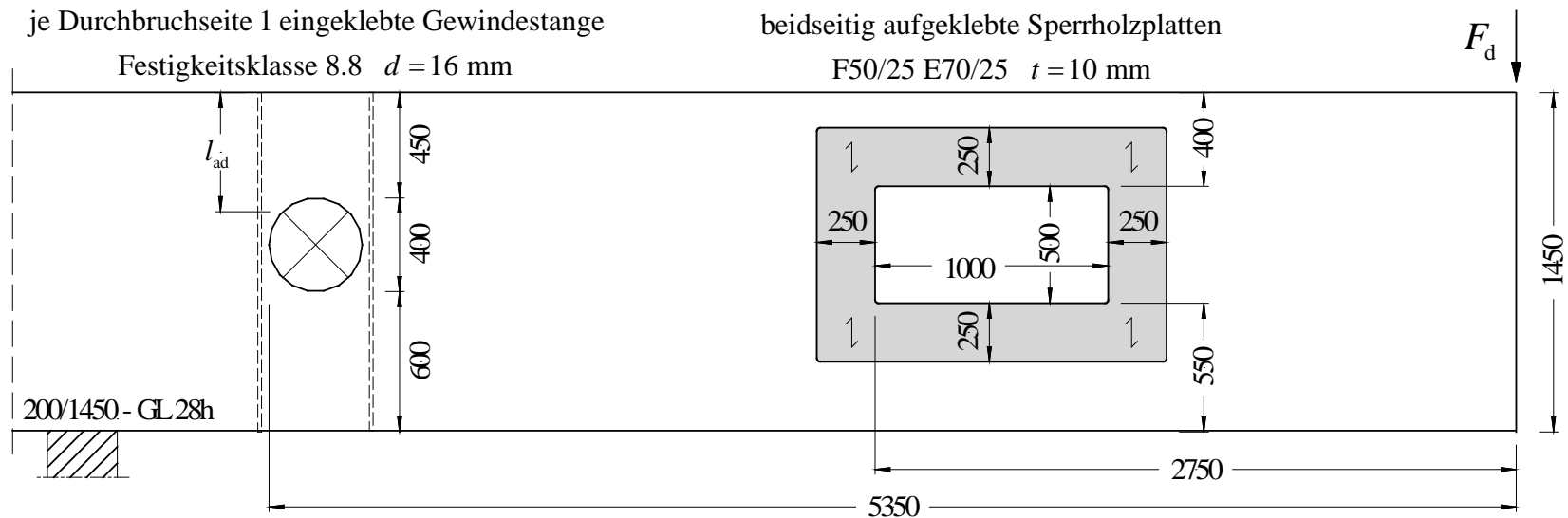
$$F_d = 200 \text{ kN} \quad \text{KLED=kurz, NKL 1}$$

Wichtig: die Überprüfung von Lage und Größe der Durchbrüche sowie der Geometrie der Verstärkungen ist nicht erforderlich.

Führen Sie den Nachweis der Tragsicherheit im Bereich der Durchbrüche in folgenden Schritten:

- Nachweis der innen liegenden Verstärkung für den kreisförmigen Durchbruch mit einem Durchmesser von 400 mm.
- Nachweis der außen liegenden Verstärkung des rechteckigen Durchbruchs mit aufgeklebten Sperrholzplatten.

Maße in mm



Aufgabe 3 (25 Punkte)

Ein gekrümmter Träger aus GL24h mit konstantem Querschnitt soll bemessen werden.

Der Träger ist ausreichend gegen seitliches Ausweichen gehalten. Die Trägerenden sind gabelgelagert.

Charakteristische Werte der Belastung (Gleichstreckenlast):

$$G_k = 9,4 \text{ kN/m} \quad \text{Eigengewicht}$$

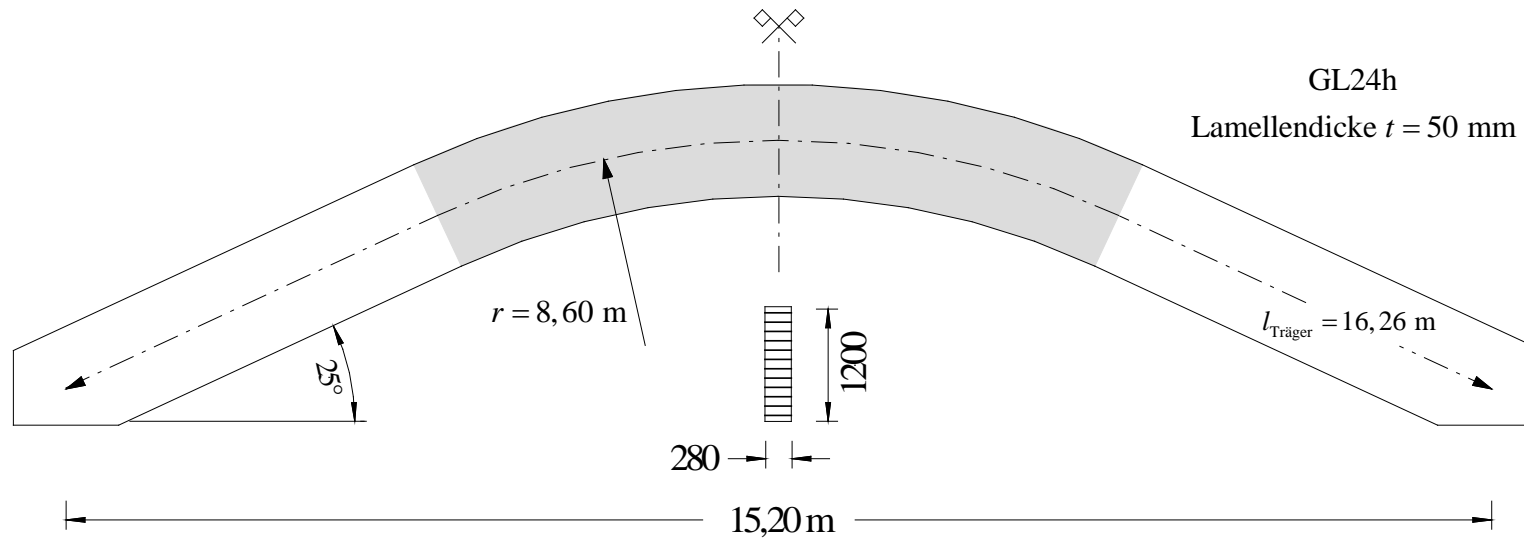
$$Q_k = 7,5 \text{ kN/m} \quad \text{KLED} = \text{mittel}$$

Führen Sie den Nachweis der Standsicherheit in folgenden Schritten:

- Berechnung des maximalen Momentes und Nachweis der Biegerandspannungen für den ungeschwächten Firstquerschnitt.
- Berechnung der Querzugspannungen im Firstquerschnitt und Ermittlung, ob Querzugverstärkungen erforderlich sind.
- Berechnung der elastischen Anfangsdurchbiegung aus ständiger Last.

Nutzungsbedingungen: KLED mittel und NKL 1.

Maße in m bzw. mm



Aufgabe 4 (15 Punkte)

Der nachfolgend dargestellte Satteldachträger mit gekrümmtem unteren Rand ist durch Gleichstreckenlasten wie folgt belastet (charakteristische Werte):

$G_k = 5,0 \text{ kN/m}$ ständige Last

$Q_k = 12,3 \text{ kN/m}$ veränderliche Last, KLED=kurz (aus Schneelasten unterhalb NN+1.000 m)

Führen Sie den Gebrauchstauglichkeitsnachweis in folgenden Schritten:

- Berechnung der Anteile der Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung. Verformungsanteile aus Schub müssen berücksichtigt werden.
- Durchbiegungsnachweise für die üblichen Grenzwerte der Durchbiegung. Der Träger wird mit einer Überhöhung von 50 mm hergestellt.

Nutzungsbedingungen: NKL 1, KLED=kurz.

Maße in m bzw. mm



Aufgabe 1 $\sum 35$

1 $f_{t,90,d} = 0,9 \cdot \frac{0,45}{1,3} = 0,312 \text{ N/mm}^2$

1 $k_{t,90} = \min \left\{ \frac{\sqrt{450/h}}{1} \right\} = \min \left\{ \frac{\sqrt{450/1.450}}{1} \right\} = 0,557$

a) Überprüfung der geometrischen Bedingungen für beide Durchbrüche

geometrische Bedingung	rechteckiger Durchbruch	kreisförmiger Durchbruch
$l_v \geq h$	$2.000 > 1.450$	
$l_z \geq 1,5 \cdot h$ und $l_z \geq 300$	$2.550 > (1,5 \cdot 1.45 = 2.175)$ und $2.550 > 300$	
$l_A \geq 0,5 \cdot h$		$900 > (0,5 \cdot 1.450 = 725)$
$h_{ro} \geq 0,35 \cdot h$	$560 > (0,35 \cdot 1.450 = 507,5)$	$550 > 507,5$
$h_{ru} \geq 0,35 \cdot h$	$710 > 507,5$	$700 > 507,5$
$a \leq 0,4 \cdot h$	$500 < (0,4 \cdot 1.450 = 580)$	$200 < 580$
$h_d \leq 0,15 \cdot h$	$180 < (0,15 \cdot 1.450 = 217,5)$	$200 < 217,5$

b) Tragfähigkeitsnachweis des Querzugs am linken Rand des rechteckigen Durchbruchs

1 $V_d = 100 \cdot 10^3 \quad M_d = V_d \cdot 2.500 = 2,5 \cdot 10^8$

1 $h_r = \min \{ h_{ro}; h_{ru} \} = 560 \text{ mm}$

2 $F_{t,90,d} = \frac{V_d \cdot h_d}{4 \cdot h} \cdot \left(3 - \frac{h_d^2}{h^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{M_d}{h_r} = \frac{100 \cdot 10^3 \cdot 180}{4 \cdot 1.450} \cdot \left(3 - \frac{180^2}{1.450^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{2,5 \cdot 10^8}{560}$

$F_{t,90,d} = 9.262,5 + 3.571,4 = 12.834 \text{ N}$

1 $l_{t,90} = 0,5 \cdot (h_d + h) = 0,5 \cdot (180 + 1.450) = 815 \text{ mm}$

2 $\frac{F_{t,90,d}}{0,5 \cdot l_{t,90} \cdot b \cdot k_{t,90} \cdot f_{t,90,d}} = \frac{12.834}{0,5 \cdot 815 \cdot 200 \cdot 0,557 \cdot 0,312} = 0,91 < 1$

c) Nachweis der Biegespannungen am rechteckigen Durchbruch mit

$\sigma_{m,d,o} = 3,37 \text{ N/mm}^2 \quad \sigma_{m,d,u} = 3,15 \text{ N/mm}^2$

2 $V_{d,o} = \frac{h_{ro}}{h_{ro} + h_{ru}} \cdot V_d = \frac{560}{560 + 710} \cdot 100.000 = 44.094 \text{ N}$

1 $\Delta M_{d,o} = V_{d,o} \cdot \frac{a}{2} = 44.094 \cdot \frac{500}{2} = 11,024 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$

2 $\Delta \sigma_{m,d,o} = \frac{\Delta M_{d,o}}{W_o} = \frac{11,024 \cdot 10^6 \cdot 6}{200 \cdot 560^2} = 1,05 \text{ N/mm}^2$

2 $V_{d,u} = \frac{h_{ru}}{h_{ro} + h_{ru}} \cdot V_d = \frac{710}{560 + 710} \cdot 100.000 = 55.906 \text{ N}$

1 $\Delta M_{d,u} = V_{d,u} \cdot \frac{a}{2} = 55.906 \cdot 0,5 \cdot 500 = 13,976 \cdot 10^6 \text{ Nmm}$

2 $\Delta \sigma_{m,d,u} = \frac{\Delta M_{d,u}}{W_u} = \frac{13,976 \cdot 10^6 \cdot 6}{200 \cdot 710^2} = 0,832 \text{ N/mm}^2$

1 $\max \sigma_{m,d} = \sigma_{m,d,o} + \Delta \sigma_{m,d,o} = 3,37 + 1,05 = 4,42 \text{ N/mm}^2$

$$1 \quad f_{m,d} = 0,9 \cdot \frac{28}{1,3} = 19,4 \text{ N/mm}^2$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{f_{m,d}} = \frac{4,42}{19,4} = 0,23 < 1$$

d) Tragfähigkeitsnachweis des Querzugs am linken Rand des kreisförmigen Durchbruchs

$$1 \quad V_d = 100,0 \cdot 10^3 \text{ N} \qquad M_d = V_d \cdot 5,250 = 5,25 \cdot 10^8$$

$$1 \quad h_r = \min \left\{ \begin{array}{l} h_{ro} + 0,15 \cdot h_d \\ h_{ru} + 0,15 \cdot h_d \end{array} \right\} = 550 + 0,15 \cdot 200 = 580 \text{ mm}$$

$$1 \quad 0,7 \cdot h_d = 0,7 \cdot 200 = 140 \text{ mm}$$

$$2 \quad F_{t,90,d} = \frac{V_d \cdot h_d}{4 \cdot h} \cdot \left(3 - \frac{h_d^2}{h^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{M_d}{h_r} = \frac{100 \cdot 10^3 \cdot 140}{4 \cdot 1.450} \cdot \left(3 - \frac{140^2}{1.450^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{5,25 \cdot 10^8}{580}$$

$$F_{t,90,d} = 7.218,9 + 7.241,4 = 14.460 \text{ N}$$

$$1 \quad l_{t,90} = 0,353 \cdot h_d + 0,5 \cdot h = 0,353 \cdot 200 + 0,5 \cdot 1.450 = 795,6 \text{ mm}$$

$$1 \quad \frac{F_{t,90,d}}{0,5 \cdot l_{t,90} \cdot b \cdot k_{t,90} \cdot f_{t,90,d}} = \frac{14.460}{0,5 \cdot 795,6 \cdot 200 \cdot 0,557 \cdot 0,312} = 1,04 > 1$$

Aufgabe 2 $\sum 25$

a) Nachweis der innen liegenden Verstärkung für den kreisförmigen Durchbruch

$$1 \quad V_d = 200 \cdot 10^3 \text{ N} \qquad M_d = V_d \cdot 5.350 = 10,7 \cdot 10^8$$

$$2 \quad h_r = \min \left\{ \begin{array}{l} h_{ro} + 0,15 \cdot h_d \\ h_{ru} + 0,15 \cdot h_d \end{array} \right\} = 450 + 0,15 \cdot 400 = 510 \text{ mm}$$

$$1 \quad 0,7 \cdot h_d = 0,7 \cdot 400 = 280 \text{ mm}$$

$$2 \quad F_{t,90,d} = \frac{V_d \cdot h_d}{4 \cdot h} \cdot \left(3 - \frac{h_d^2}{h^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{M_d}{h_r} = \frac{200 \cdot 10^3 \cdot 280}{4 \cdot 1.450} \cdot \left(3 - \frac{280^2}{1.450^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{10,7 \cdot 10^8}{510}$$

$$F_{t,90,d} = 28.604,5 + 16.784,3 = 45.390 \text{ N}$$

$$2 \quad l_{ad} = h_{ru} + 0,15 \cdot h_d = 450 + 0,15 \cdot 400 = 510 \text{ mm}$$

Die Zugtragfähigkeit Gewindestange

$$1 \quad N_{R,d} = 80,4 \text{ kN}$$

Tragfähigkeit Klebfuge

$$3 \quad \max F_{t,90,d} = 1,125 \cdot 43,1 = 48,5 \text{ kN} \rightarrow \text{maßgeblich}$$

$$1 \quad \frac{45,39}{48,5} = 0,94 < 1$$

b) Nachweis der Verstärkung des rechteckigen Durchbruchs mit aufgeklebten Sperrholzplatten

$$1 \quad V_d = 200 \cdot 10^3 \text{ N} \qquad M_d = V_d \cdot 2.750 = 5,5 \cdot 10^8$$

$$1 \quad h_r = \min \{ h_{ro}; h_{ru} \} = 400 \text{ mm}$$

$$2 \quad F_{t,90,d} = \frac{V_d \cdot h_d}{4 \cdot h} \cdot \left(3 - \frac{h_d^2}{h^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{M_d}{h_r} = \frac{200 \cdot 10^3 \cdot 500}{4 \cdot 1.450} \cdot \left(3 - \frac{500^2}{1.450^2} \right) + 0,008 \cdot \frac{5,5 \cdot 10^8}{400}$$

$$F_{t,90,d} = 49.674,0 + 11.000,0 = 60.674 \text{ N}$$

$$1 \quad f_{k2,d} = k_{\text{mod}} \cdot \frac{f_{k2,k}}{\gamma_M} = 0,9 \cdot \frac{0,75}{1,3} = 0,519 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \tau_{\text{ef},d} = \frac{F_{t,90,d}}{2 \cdot a_r \cdot h_{ad}} = \frac{60.674}{2 \cdot 250 \cdot 250} = 0,485 \text{ N/mm}^2 \quad \left| \quad 1 \quad \frac{\tau_{\text{ef},d}}{f_{k2,d}} = \frac{0,485}{0,519} = 0,94 < 1 \right.$$

Nachweis der Zugspannungen in den aufgeklebten Verstärkungsplatten

$$1 \quad f_{t,k} = 1,125 \cdot 22,2 = 25,0 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad \sigma_{t,d} = \frac{F_{t,90,d}}{2 \cdot a_r \cdot t_r} = \frac{60.674}{2 \cdot 250 \cdot 10} = 12,14 \text{ N/mm}^2$$

$$1 \quad k_k \cdot \frac{\sigma_{t,d}}{f_{t,d}} = 2,0 \cdot \frac{12,14}{25,0} = 0,97 < 1$$

Aufgabe 3 $\sum 25$

$$2 \quad f_{m,d} = 0,80 \cdot \frac{24}{1,3} = 14,8 \text{ N/mm}^2 \quad f_{t,90,d} = 0,80 \cdot \frac{0,4}{1,3} = 0,246 \text{ N/mm}^2$$

a) Berechnung des maximalen Momentes und Nachweis der Biege- und Schubspannungen für den ungeschwächten Firstquerschnitt

$$2 \quad q_d = 1,35 \cdot q_{g,k} + 1,5 \cdot q_{p,k} = 1,35 \cdot 9,4 + 1,5 \cdot 7,5 = 23,94 \text{ kN/m}$$

$$2 \quad M = \frac{23,94 \cdot 15,2^2}{8} = 691,4 \text{ kNm}$$

$$2 \quad k_{ap} = \frac{h_{ap}}{r} = \frac{1.200}{8.600} = 0,140$$

$$3 \quad \sigma_{m,d} = (1 + 0,35 \cdot k_{ap} + 0,6 \cdot k_{ap}^2) \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = \underbrace{(1 + 0,35 \cdot 0,140 + 0,6 \cdot 0,140^2)}_{1,061} \cdot \frac{6 \cdot 691,4 \cdot 10^6}{\underbrace{280 \cdot 1.200^2}_{10,29}}$$

$$\sigma_{m,d} = 1,061 \cdot 10,29 = 10,91 \text{ N/mm}^2$$

$$2 \quad r_{in} = r - \frac{h}{2} = 8.600 - 600 = 8.000 \text{ mm}$$

$$2 \quad \frac{r_{in}}{t} = \frac{8.000}{50} = 160 < 240 \rightarrow k_r = 0,76 + 0,001 \cdot r_{in}/t = 0,76 + 0,001 \cdot 160 = 0,92$$

$$2 \quad \frac{\sigma_{m,d}}{k_r \cdot f_{m,d}} = \frac{10,91}{0,92 \cdot 14,8} = 0,80 < 1$$

b) Berechnung der Querspannungen im Firstquerschnitt und Ermittlung, ob Querspannungsverstärkungen erforderlich sind

$$1 \quad \sigma_{t,90,d} = 0,25 \cdot k_{ap} \cdot \frac{6 \cdot M_{ap,d}}{b \cdot h_{ap}^2} = 0,25 \cdot 0,140 \cdot 10,29 = 0,360$$

$$1 \quad V = \frac{2 \cdot \beta}{360^\circ} \cdot \pi \cdot \left[\left(r + \frac{h_{ap}}{2} \right)^2 - \left(r - \frac{h_{ap}}{2} \right)^2 \right] \cdot b = \frac{2 \cdot 25^\circ}{360^\circ} \cdot \pi \cdot [9,20^2 - 8,0^2] \cdot 0,280 = 2,52 \text{ m}^3$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,4 \cdot (0,01/V)^{0,2} \cdot f_{t,90,d}} + \frac{\tau_d}{f_{v,d}} = \frac{0,360}{1,4 \cdot (0,01/2,52)^{0,2} \cdot 0,246} = 3,15 > 1 \quad \text{Verstärkung erforderlich}$$

$$1 \quad \frac{\sigma_{t,90,d}}{1,15 \cdot (h_0/h_{ap})^{0,3} \cdot f_{t,90,d}} + \underbrace{\left(\frac{\tau_d}{f_{v,d}} \right)^2}_0 = \frac{0,360}{1,15 \cdot (600/1.200)^{0,3} \cdot 0,246} = 1,57 > 1$$

Verstärkung zur vollständigen Aufnahme der Querspannungen erforderlich

c) elastische Anfangsdurchbiegung aus ständiger Last

$$2 \quad I = b \cdot h^3 / 12 = 280 \cdot 1.200^3 / 12 = 4,032 \cdot 10^{10} \text{ mm}^4$$

$$2 \quad w_{G,inst} = \frac{5}{384} \cdot \frac{q \cdot l^4}{E \cdot I} \cdot \frac{l_{Träger}}{l} = \frac{5}{384} \cdot \frac{9,4 \cdot 15.200^4}{11.600 \cdot 4,032 \cdot 10^{10}} \cdot \frac{16,26}{15,20} = 13,97 \cdot 1,070 = 14,9 \text{ mm}$$

$$w_{G,inst} = 13,97 \cdot 1,070 = 14,9 \text{ mm}$$

Aufgabe 4 $\sum 15$

a) Anfangsdurchbiegung aus ständiger und veränderlicher Belastung

$$1 \quad I_s = b \cdot h_s^3 / 12 = 200 \cdot 950^3 / 12 = 1,429 \cdot 10^9 \text{ mm}^4$$

$$1 \quad A_s = b \cdot h_s = 200 \cdot 950 = 0,190 \cdot 10^6 \text{ mm}^2$$

$$2 \quad k_m = \frac{(h_s/h_1)^3}{0,15 + 0,85 \cdot (h_s/h_1)} = \frac{(950/1.704)^3}{0,15 + 0,85 \cdot (950/1.704)} = 0,278$$

$$2 \quad k_v = \frac{2}{1 + (h_1/h_s)^{2/3}} = \frac{2}{1 + (1.704/950)^{2/3}} = 0,808$$

b) Durchbiegungsnachweise

$$1 \quad M_{\max} = G_k^2 \cdot \frac{l^2}{8} = 5,0 \cdot \frac{21,2^2}{8} = 280,9 \text{ kNm}$$

$$2 \quad w_m = \frac{M_{\max} \cdot l^2}{9,6 \cdot E_{0,\text{mean}} \cdot I_s} \cdot k_m = \frac{280,9 \cdot 10^6 \cdot 21.200^2}{9,6 \cdot 11.600 \cdot 1,429 \cdot 10^{10}} \cdot 0,278 = 22,0 \text{ mm}$$

$$2 \quad w_v = \frac{1,2 \cdot M_{\max}}{G_{\text{mean}} \cdot A_s} \cdot k_v = \frac{1,2 \cdot 280,9 \cdot 10^6}{720 \cdot 0,190 \cdot 10^6} \cdot 0,808 = 2,0 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst,G}} = 22,0 + 2,0 = 24 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst,Q,1}} = \frac{12,3}{5,0} \cdot 24 = 59 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{inst}} = w_{\text{inst,G}} + w_{\text{inst,Q,1}} = 24 + 59 = 83 < \frac{21.200}{200} = 106 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{fin}} = w_{\text{inst}} + \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot k_{\text{def}} = 83 + (24 + 59 \cdot 0) \cdot 0,6 = 97,4 < \frac{21.200}{150} = 141,3 \text{ mm}$$

$$1 \quad w_{\text{net,fin}} = \left(w_{\text{inst,G}} + \sum_{i=1}^n \psi_{2,i} \cdot w_{\text{inst,Q,i}} \right) \cdot (1 + k_{\text{def}}) - w_c$$

$$1 \quad w_{\text{net,fin}} = (24 + 59 \cdot 0) \cdot (1 + 0,6) - 50 = -12 \text{ mm} < \frac{21.200}{250} = 84,8 \text{ mm}$$